Отчёт по лабораторной работе №8

Целочисленная арифметика многократной точности

Кодже Лемонго Арман

Содержание

Список иллюстраций

# Цель работы

Целью данной является Ознакомление с алгоритмами целочисленной арифметики многократной точности, а также их последующая программная реализация.

# Теоретические сведения

Целочисленная арифметика многократной точности — это алгоритмы для выполнения арифметических операций с большими целыми числами.

Некоторые алгоритмы целочисленной арифметики многократной точности:

Сложение неотрицательных целых чисел. Вход: два неотрицательных числа и основание системы счисления b, разрядность. Выход: сумма w, где Wo — цифра переноса, всегда равная 0 либо 1. Вычитание неотрицательных целых чисел. Выход: разность w. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком. Вход: числа и основание системы счисления b. Выход: произведение w. Деление многоразрядных целых чисел. Вход: числа и соответственно п и t. Выход: частное и остаток = t. Арифметика многократной точности востребована во многих областях, включая решение плохо обусловленных систем, продолжительное и/или крупномасштабное моделирование, исследование мелкомасштабных явлений, вычисление рядов, численное интегрирование.

## Сложение неотрицательных целых чисел

\*Вход. Два неотрицательных числа и ; разрядность чисел ; основание системы счисления .

\*Выход. Сумма , где - цифра переноса, всегда равная либо .

1. Присвоить ( *идет по разрядам, следит за переносом*).
2. Присвоить , где .
3. Присвоить . Если , то возвращаемся на шаг 2; если , то присвоить и результат: .

## Вычитание неотрицательных целых чисел

\*Вход. Два неотрицательных числа и , ; разрядность чисел ; основание системы счисления .

\*Выход. Разность .

1. Присвоить ( – заём из старшего разряда).
2. Присвоить ; .
3. Присвоить . Если , то возвращаемся на шаг 2; если , то результат: .

## Умножение неотрицательных целых чисел столбиком

\*Вход. Числа , ; основание системы счисления .

\*Выход. Произведение .

1. Выполнить присвоения: ( *перемещается по номерам разрядов числа от младших к старшим*).
2. Если , то присвоить и перейти на шаг 6.
3. Присвоить (*значение идет по номерам разрядов числа , отвечает за перенос*).
4. Присвоить .
5. Присвоить . Если , то возвращаемся на шаг 4, иначе присвоить .
6. Присвоить . Если , то вернуться на шаг 2. Если , то результат: .

## Быстрый столбик

\*Вход. Числа , ; основание системы счисления .

\*Выход. Произведение .

1. Присвоить .
2. Для от до с шагом 1 выполнить шаги 3 и 4.
3. Для от до с шагом 1 выполнить присвоение .
4. Присвоить . Результат: .

## Деление многоразрядных целых чисел

\*Вход. Числа , .

\*Выход. Частное , остаток .

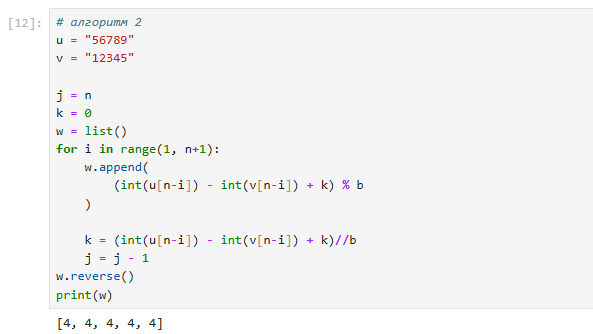
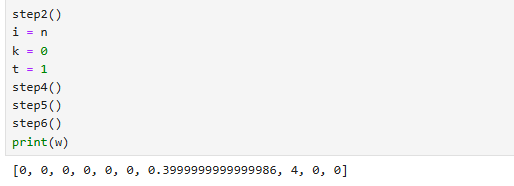
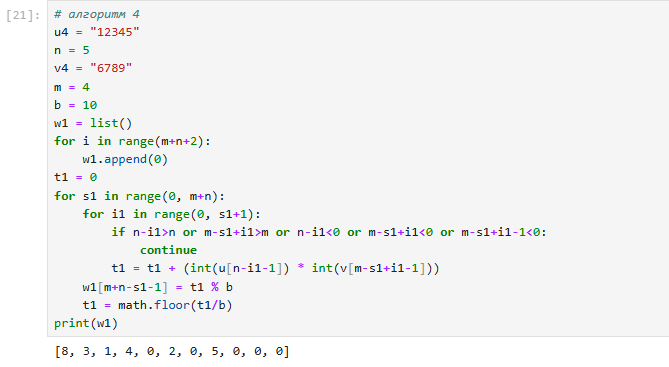
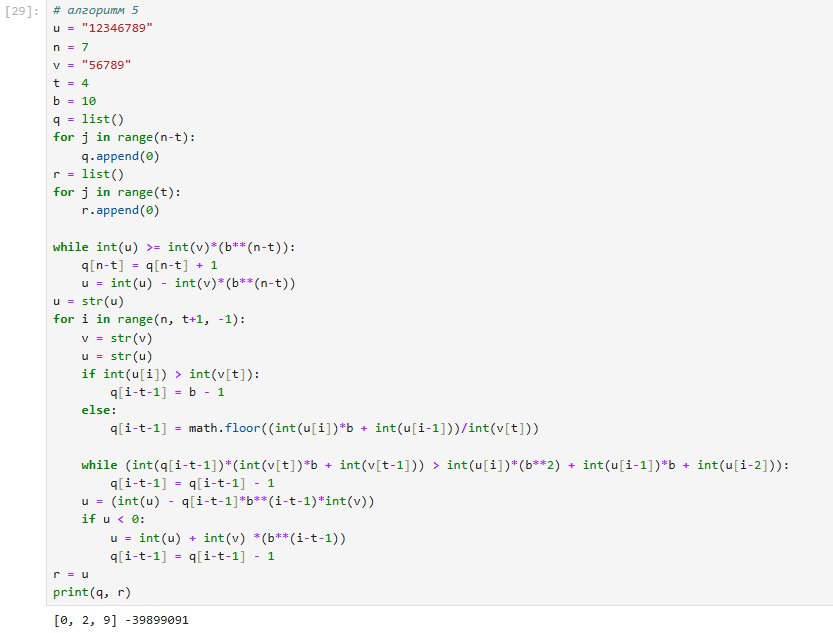
1. Для от до присвоить .
2. Пока , выполнять: .
3. Для выполнять пункты 3.1 – 3.4: 3.1. если , то присвоить , иначе присвоить . 3.2. пока выполнять . 3.3. присвоить . 3.4. если , то присвоить , .
4. . Результат: и .

# Выполнение работы

## Реализация алгоритма на языке Python

import math  
# надо ввести данные сначала  
u = "12345"  
v = "56789"  
b = 10  
n = 5  
# алгоритм 1  
j = n  
k = 0  
  
w = list()  
for i in range(1, n+1):  
 w.append(  
 (int(u[n-i]) + int(v[n-i]) + k) % b  
 )  
  
 k = (int(u[n-i]) + int(v[n-i]) + k)//b  
 j = j - 1  
w.reverse()  
print(w)  
  
# алгоритм 2  
u = "56789"  
v = "12345"  
  
j = n  
k = 0  
w = list()  
for i in range(1, n+1):  
 w.append(  
 (int(u[n-i]) - int(v[n-i]) + k) % b  
 )  
  
 k = (int(u[n-i]) - int(v[n-i]) + k)//b  
 j = j - 1  
w.reverse()  
print(w)  
  
# алгоритм 3  
u = "123456"  
v = "7890"  
n = 6  
m = 4  
  
w = list()  
for i in range(m+n):  
 w.append(0)  
j = m  
  
  
def step6():  
 global j  
 global w  
 j = j - 1  
 if j > 0:  
 step2()  
 if j == 0:  
 print(w)  
  
  
def step2():  
 global v  
 global w  
 global j  
 if j == m:  
 j = j-1  
 if int(v[j]) == 0:  
 w[j] = 0  
 step6()  
  
  
def step4():  
 global k  
 global t  
 global i  
 if i == n:  
 i = i - 1  
 t = int(u[i]) \* int(v[j]) + w[i + j] + k  
 w[i + j] = t % b  
 k = t / b  
  
  
def step5():  
 global i  
 global w  
 global j  
 global k  
 i = i - 1  
 if i > 0:  
 step4()  
 else:  
 w[j] = k  
  
  
step2()  
i = n  
k = 0  
t = 1  
step4()  
step5()  
step6()  
print(w)  
  
  
# алгоритм 4  
u4 = "12345"  
n = 5  
v4 = "6789"  
m = 4  
b = 10  
w1 = list()  
for i in range(m+n+2):  
 w1.append(0)  
t1 = 0  
for s1 in range(0, m+n):  
 for i1 in range(0, s1+1):  
 if n-i1>n or m-s1+i1>m or n-i1<0 or m-s1+i1<0 or m-s1+i1-1<0:  
 continue  
 t1 = t1 + (int(u[n-i1-1]) \* int(v[m-s1+i1-1]))  
 w1[m+n-s1-1] = t1 % b  
 t1 = math.floor(t1/b)  
print(w1)  
  
  
# алгоритм 5  
u = "12346789"  
n = 7  
v = "56789"  
t = 4  
b = 10  
q = list()  
for j in range(n-t):  
 q.append(0)  
r = list()  
for j in range(t):  
 r.append(0)  
  
while int(u) >= int(v)\*(b\*\*(n-t)):  
 q[n-t] = q[n-t] + 1  
 u = int(u) - int(v)\*(b\*\*(n-t))  
u = str(u)  
for i in range(n, t+1, -1):  
 v = str(v)  
 u = str(u)  
 if int(u[i]) > int(v[t]):  
 q[i-t-1] = b - 1  
 else:  
 q[i-t-1] = math.floor((int(u[i])\*b + int(u[i-1]))/int(v[t]))  
  
 while (int(q[i-t-1])\*(int(v[t])\*b + int(v[t-1])) > int(u[i])\*(b\*\*2) + int(u[i-1])\*b + int(u[i-2])):  
 q[i-t-1] = q[i-t-1] - 1  
 u = (int(u) - q[i-t-1]\*b\*\*(i-t-1)\*int(v))  
 if u < 0:  
 u = int(u) + int(v) \*(b\*\*(i-t-1))  
 q[i-t-1] = q[i-t-1] - 1  
r = u  
print(q, r)

## Контрольный пример

# Выводы

в конце нашего лабораторная работа, я изучил задачу представления больших чисел, познакомились с вычислительными алгоритмами.

# Список литературы

1. [Целочисленная арифметика многократной точности](https://studfile.net/preview/2439346/page:35/)
2. [Длинная арифметика](https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%94%D0%BB%D0%B8%D0%BD%D0%BD%D0%B0%D1%8F_%D0%B0%D1%80%D0%B8%D1%84%D0%BC%D0%B5%D1%82%D0%B8%D0%BA%D0%B0)
3. [Арифметика многократной точности на основе систем остаточных классов](https://cyberleninka.ru/article/n/arifmetika-mnogokratnoy-tochnosti-na-osnove-sistem-ostatochnyh-klassov)